

# MATERIALES FERROMAGNETICOS

## Bibliografía consultada

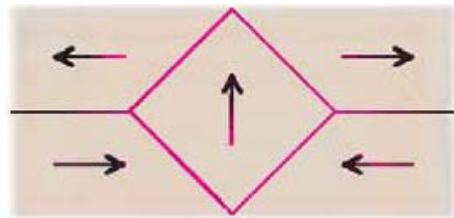
- Sears- Zemasnky -Tomo II
- Fisica para Ciencia de la Ingeniería, Mckelvey
- Serway- Jewett --Tomo II

Los materiales ferromagnéticos no son 'lineales'. Esto significa que las relaciones entre **B** (o **M**) y **H** no corresponden a líneas rectas.

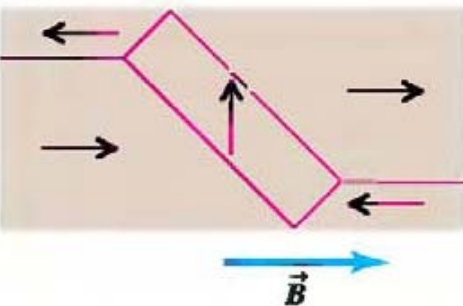
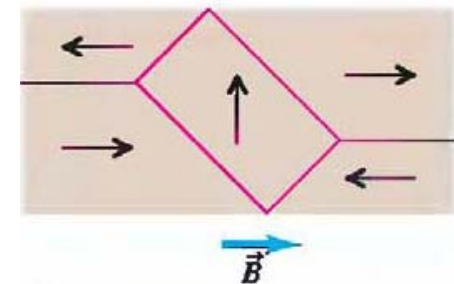
$$\mu = \mu(H) \text{ y } \chi = \chi(H)$$

$$\chi \gg 0 \text{ y } \mu_r \gg 1.$$

En realidad, lo que ocurre es más complicado es el fenómeno de *histéresis*.



$B_{\text{externo}} = 0$



En los materiales ferromagnéticos los momentos magnéticos individuales de grandes grupos de átomos o moléculas se mantienen alineados entre sí debido a un fuerte acoplamiento, aún en ausencia de campo exterior. Estos grupos se denominan **dominios**, cuyo tamaño  $10^{-12}$  y  $10^{-8} \text{ m}^3$  y contienen entre  $10^{21}$  y  $10^{27}$  átomos.

Materiales ferromagnéticos: hierro, cobalto, níquel y la mayoría de los aceros.

En ausencia de campo aplicado, los dominios tienen sus momentos magnéticos netos distribuidos al azar.

Cuando se aplica un campo exterior, los dominios tienden a alinearse con el campo. Este alineamiento puede permanecer cuando se retira el campo externo, creando un **imán permanente**

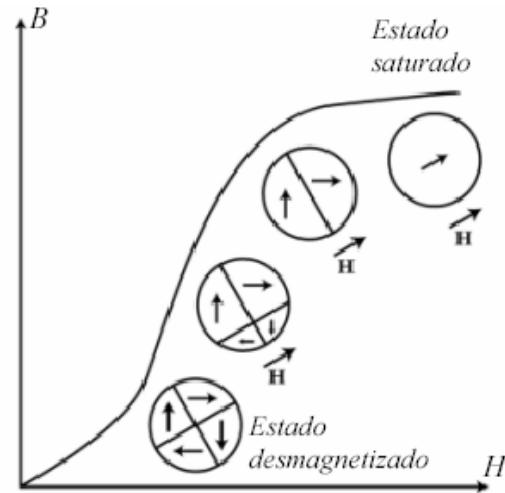
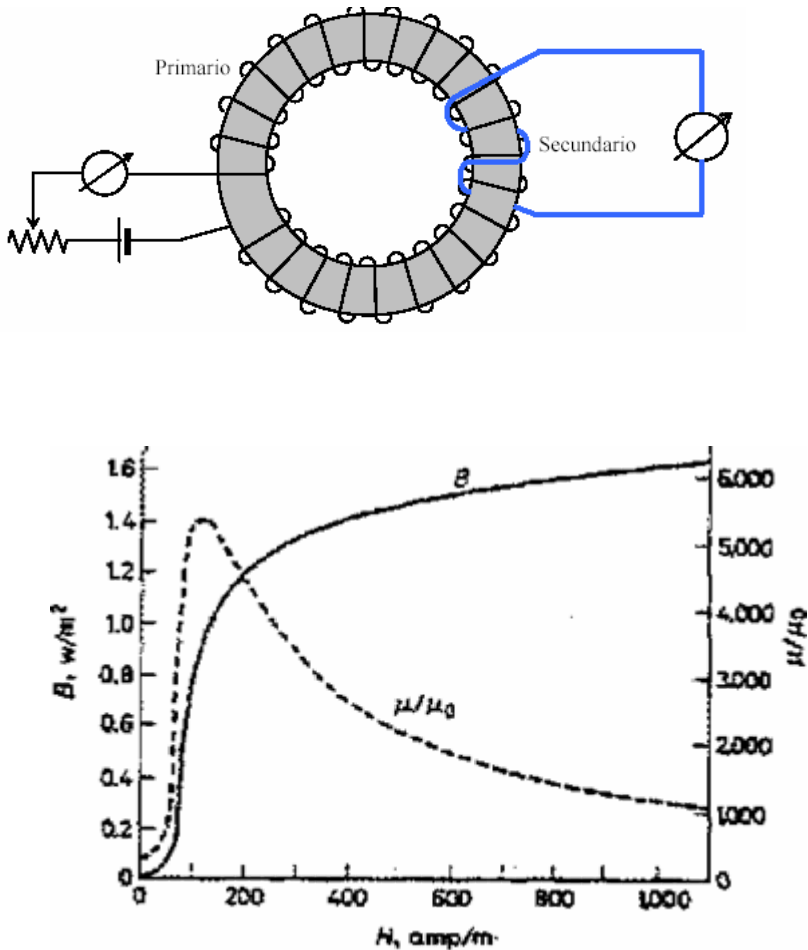
La agitación térmica tiende a desalinear los dominios. A temperatura normal, la energía térmica no es en general suficiente para desmagnetizar un material magnetizado.

Por encima de una cierta temperatura, llamada **temperatura de Curie**, el material se vuelve paramagnético.

Una forma de desmagnetizar un material ferromagnético es calentarlo por encima de esta temperatura.

# CURVA DE HISTÉRESIS

- Se comienza con una muestra de material ferromagnético desmagnetizado.
- Se considera que el parámetro de control experimental es el campo  $H$ , pues está directamente relacionado a la corriente  $I$  (Ley de Ampère).
- Al incrementar  $H$  desde cero,  $M$  y  $B$  del material crecerán monótonamente, describiendo una curva- Curva de primera imantación



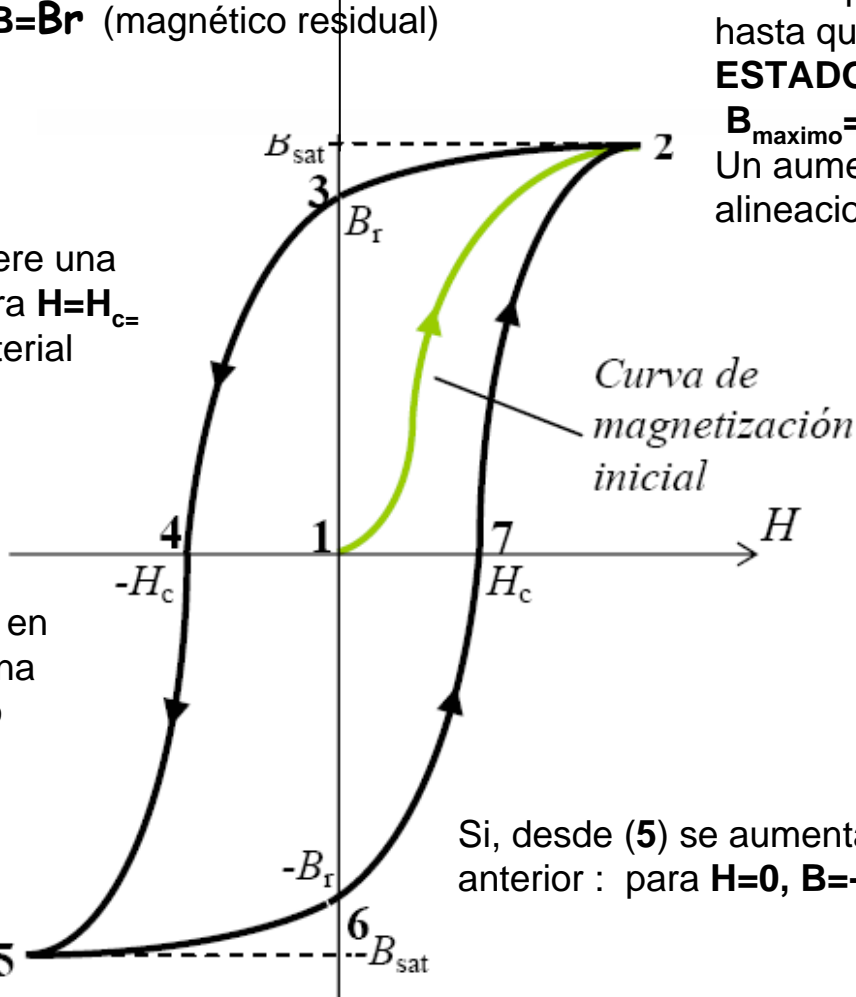
$$\mu = \frac{B}{H}$$

$\mu$  es función de  $H$  con un rango de variación de varios órdenes de magnitud.

Si desde el estado de saturación (2) se disminuye  $H$ , se observa que el sistema no sigue la trayectoria previa. Para  $H=0$  (3), el material queda magnetizado,  $B=B_r$  (magnético residual)

Al aumentar  $H$ , más y más dominios se alinean paralelos al campo aplicado, hasta que  $M$  alcanza un valor máximo: **ESTADO DE SATURACIÓN(2)**,  $B_{maximo} = B_{sat}$ . Un aumento de  $H$  no creará nuevas alineaciones.

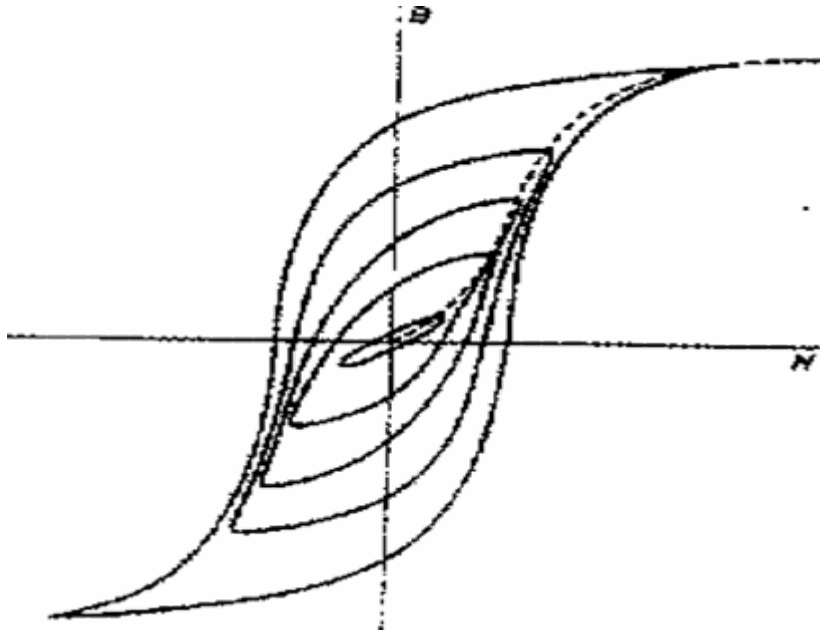
Si se aumenta  $H$  en valores negativos, la muestra adquiere una magnetización invertida. Para  $H=H_c$  (**H coercitivo**),  $B=0$ , El material queda desmagnetizado (4).



Si se continúa aumentando  $H$  en valor negativos, se produce una nueva saturación en el sentido opuesto (5).

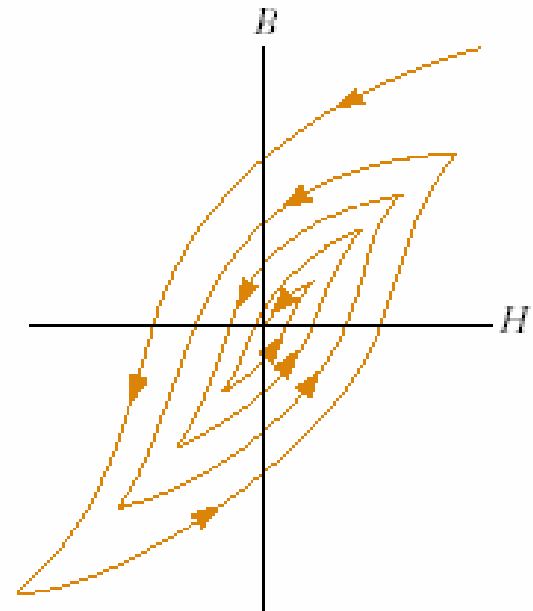
Si, desde (5) se aumenta  $H$ , se repite la situación anterior: para  $H=0$ ,  $B=-B_r$  (6);  $H=H_c$ ,  $B=0$

Si se repite esta operación, el sistema recorre siempre el mismo ciclo, conocido como **ciclo de histéresis**.



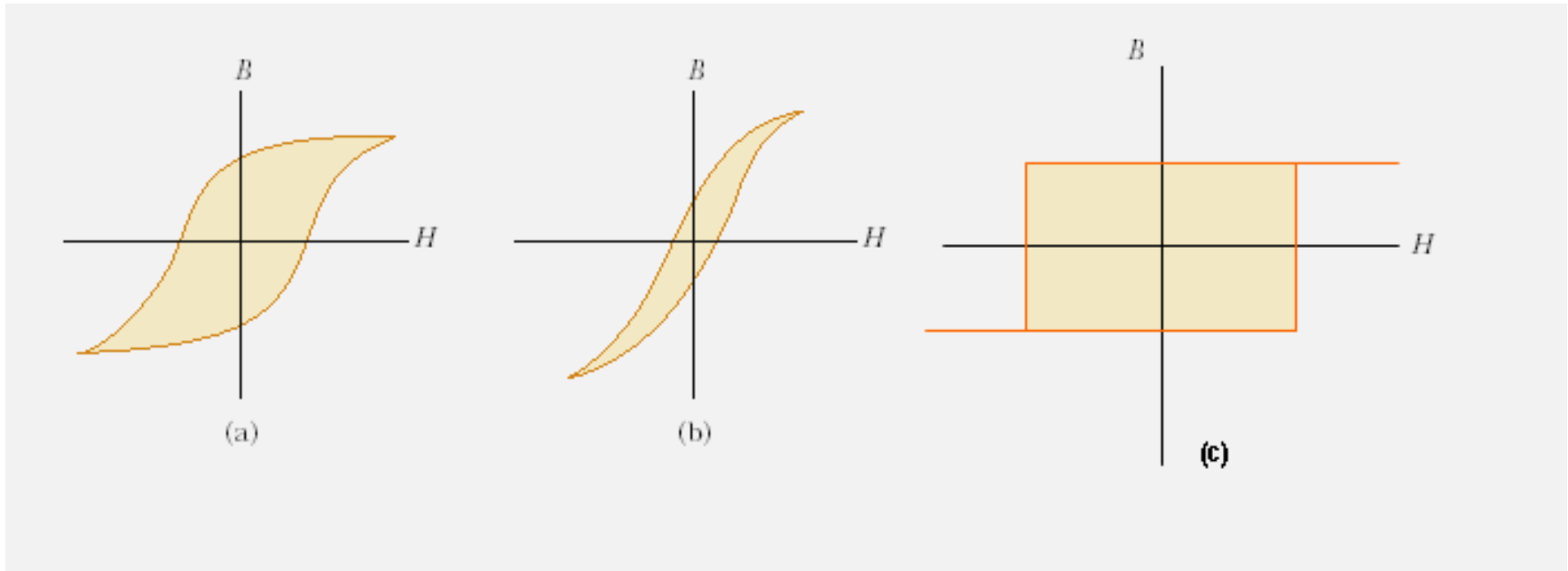
- Curvas de histéresis de un material, para varios valores de  $H_{max}$ .

Desmagnetización de un material ferromagnético, recorriendo distintos ciclos de histéresis

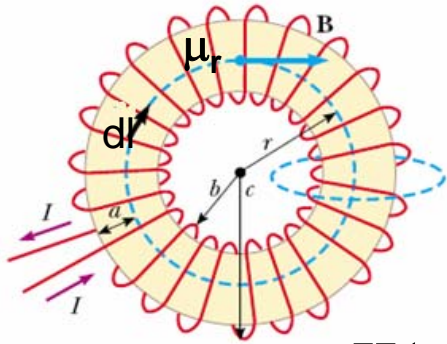


El uso más frecuentes de los materiales ferromagnéticos son:

- a) como fuentes de campo magnético (imanes): **Magnetos duros**
- b) para aumentar el flujo de **B** en circuitos de corriente (motores, generadores): **Magnetos blandos**
- c) almacenamiento magnético de información. **histéresis rectangular**



# Toroide de material ferromagnético lineal con $N$ espiras de corriente $I$

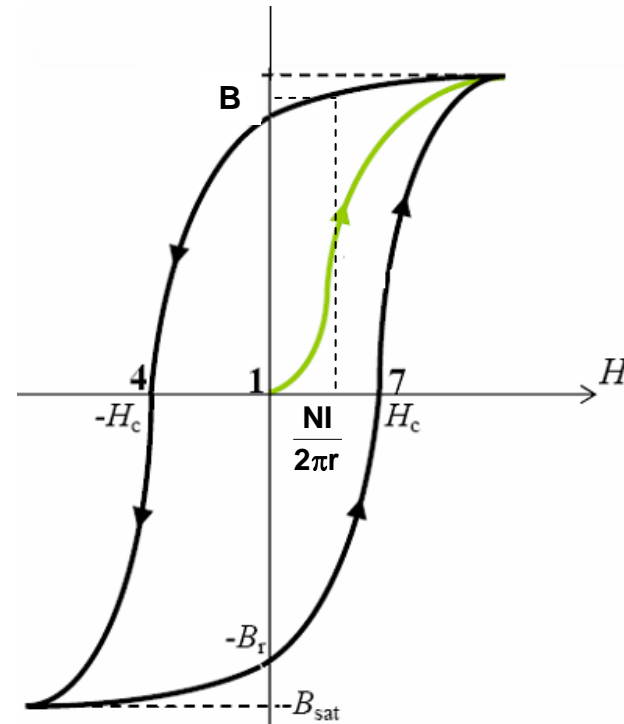


$$\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = \sum I$$

$$\mathbf{H}(\mathbf{r}) = \begin{cases} \frac{NI}{2\pi r} & (\mathbf{b} < \mathbf{r} < \mathbf{c}) \\ \mathbf{0} & \text{afuera} \end{cases}$$

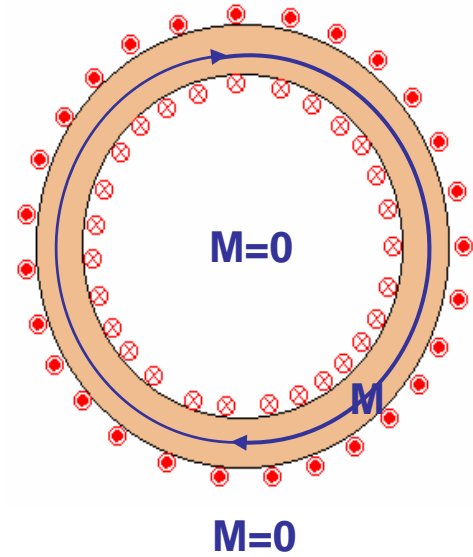
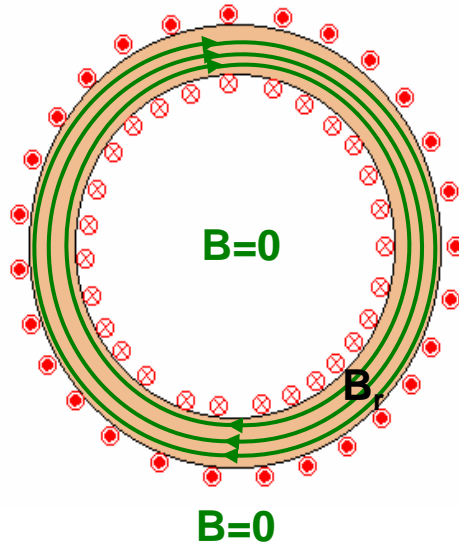
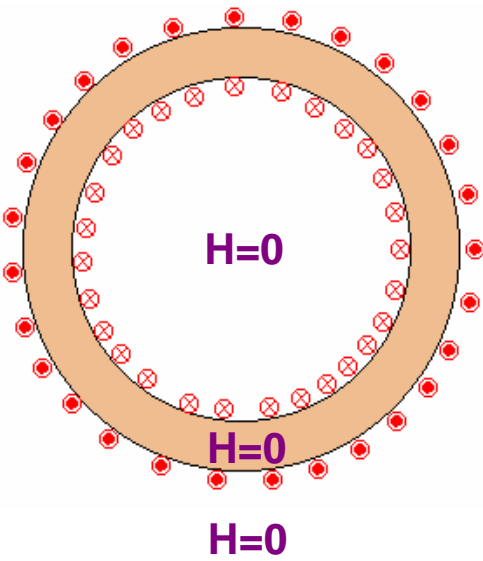
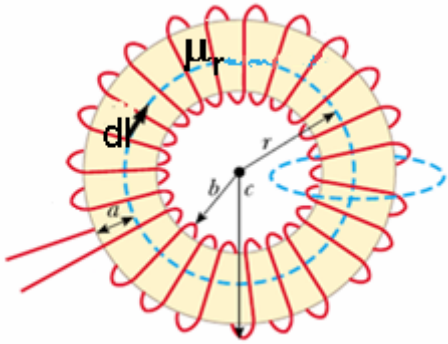
Al igual que en el ejemplo de materiales lineales se determina  $\mathbf{H}$ , usando la **Ley de Ampere**

Para determinar  $\mathbf{B}$  es necesario conocer la curva de histéresis del material



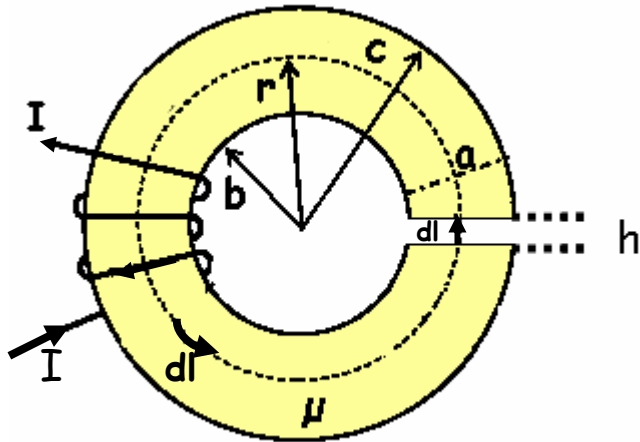
**Si  $I = 0 \Rightarrow H = 0 \Rightarrow B = B_r$**

$$M = \frac{\chi}{\mu} B$$

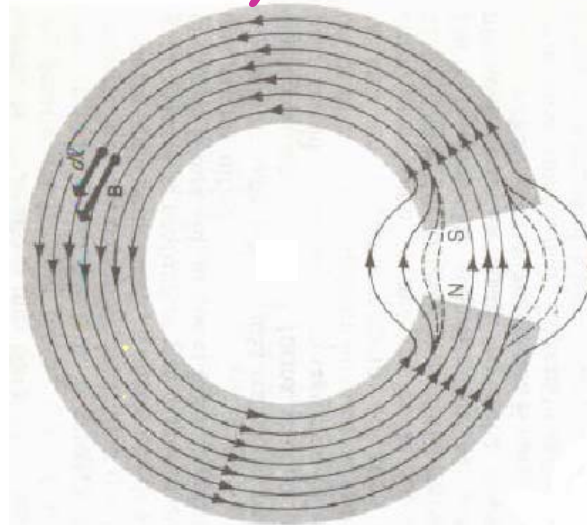




# Toroide de material magnético lineal con $N$ espiras de corriente $I$ y entre hierro



$$L = 2\pi R = 2\pi\left(b + \frac{a}{2}\right)$$



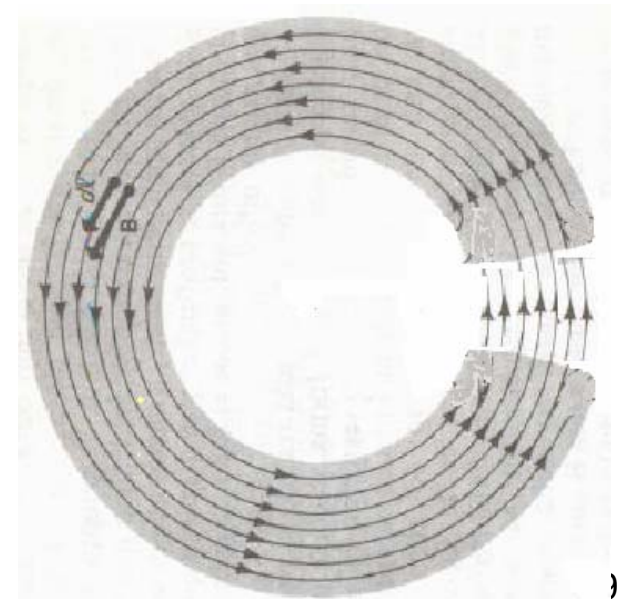
$$\vec{B} = \mu \vec{H}$$

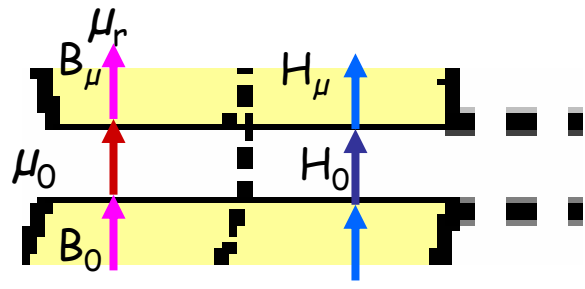
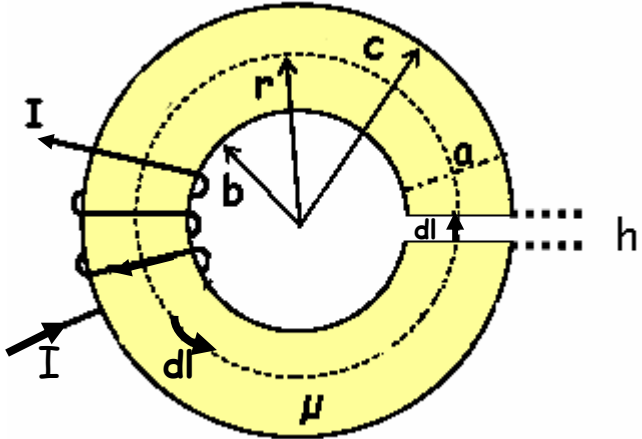
$$\vec{M} = \chi_m \vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu_0} - \vec{H}$$

$$\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = \sum I$$

SUPONER

- $\mu = \text{cte}$
- $h \ll L$
- No existe flujo disperso (por condiciones de contorno)
- $a \ll b$





Por condiciones de contorno

$$\oiint \vec{B} \cdot d\vec{A} = 0$$

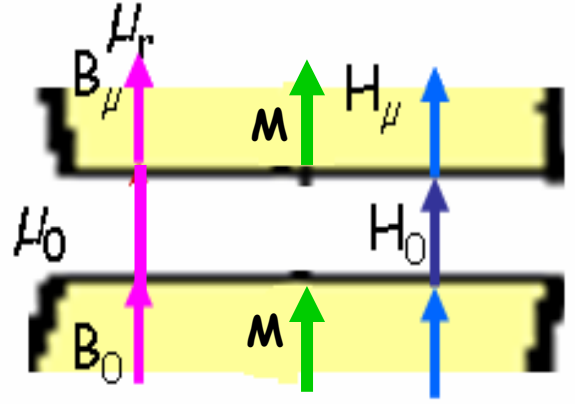
$$B_0 = B_\mu = B$$

$$\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = \oint H(r) dl = \int_0^h H_0(r) dl + \int_0^h H_\mu(r) dl = NI$$

$$\int_0^h \frac{B(r)}{\mu_0} dl + \int_0^h \frac{B(r)}{\mu} dl = NI$$

$$B(b < r < c) = \frac{NI}{\left(\frac{h}{\mu_0} + \frac{L-h}{\mu}\right)}$$

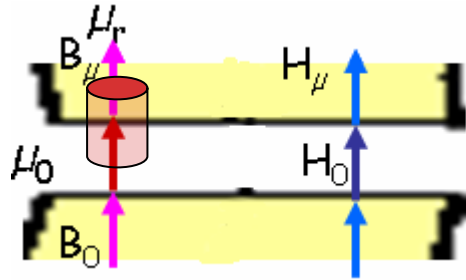
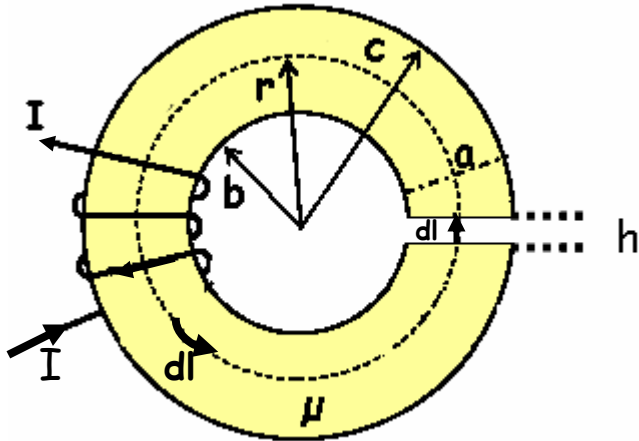
$$\vec{B} = \mu \vec{H} \rightarrow \begin{cases} H_\mu(b < r < c) = \frac{NI\mu_0}{\mu h + (L-h)\mu_0} \\ H_0(b < r < c) = \frac{NI\mu}{\mu h + (L-h)\mu_0} \end{cases}$$



$$\vec{M} = \frac{\vec{B}}{\mu_0} - \vec{H} \rightarrow M(b < r < c, \mu) = \frac{NI}{\mu h + (L-h)\mu_0} (\mu - \mu_0)$$

Si  $I = 0 \Rightarrow B = 0 \Rightarrow H = 0$

# Toroide de material ferromagnético, $N$ espiras de corriente $I$ y entre hierro



Por condiciones de contorno

$$\oiint \vec{B} \cdot d\vec{A} = 0$$

$$\mathbf{B}_0 = \mathbf{B}_\mu = \mathbf{B}$$

$$L = 2\pi R = 2\pi \left( b + \frac{a}{2} \right)$$

$$\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = \oint H(r) dl = \int_0^h B(r) dl + \int_0^h H_\mu(r) dl = NI$$

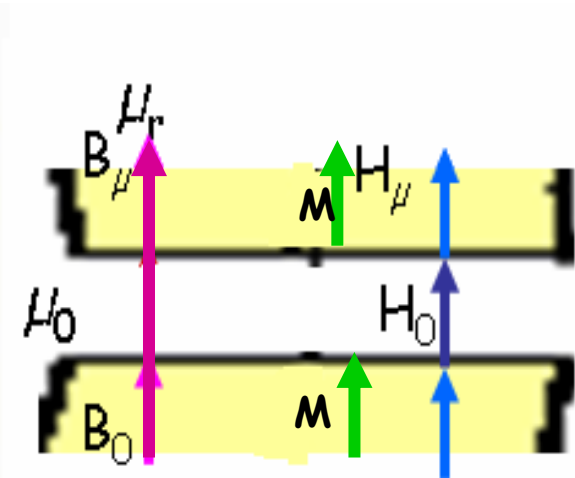
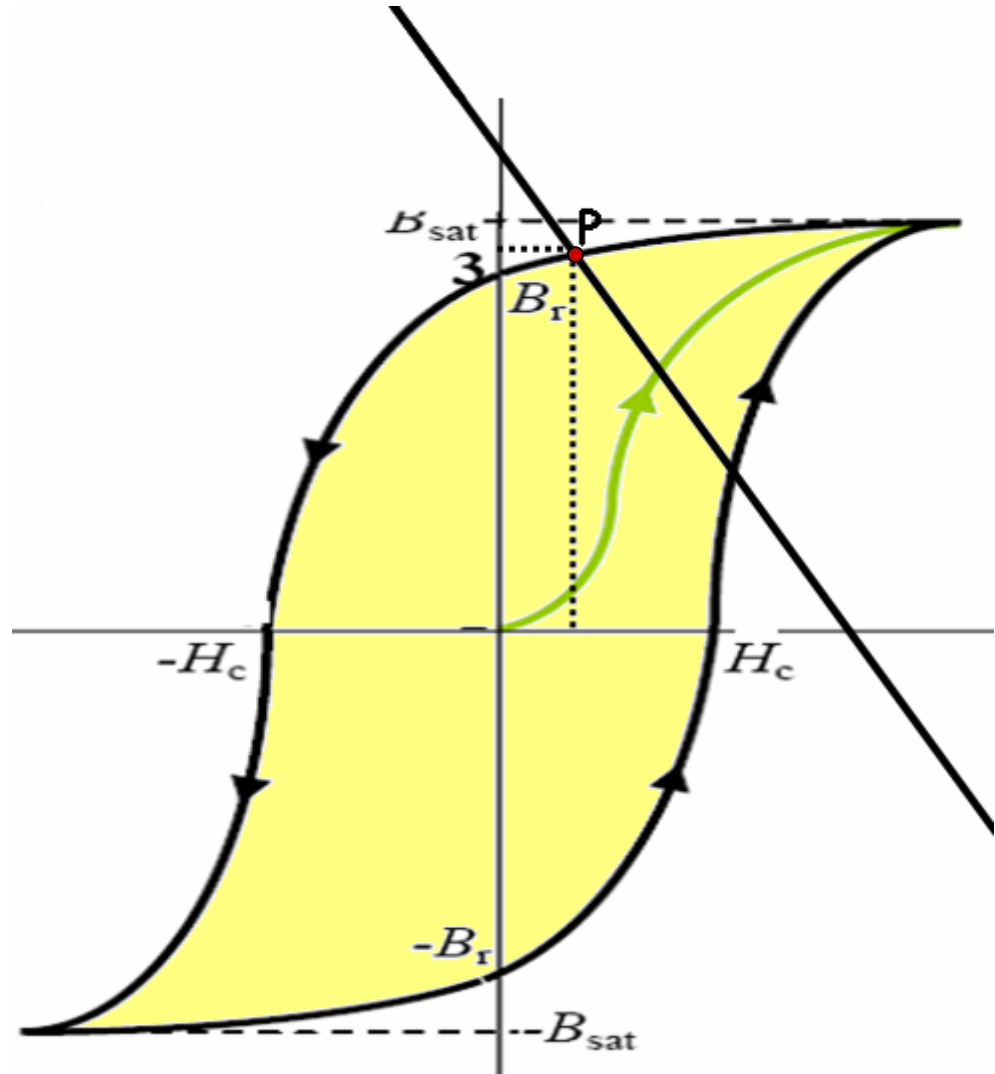
SUPONER  $\left\{ \begin{array}{l} h \ll L \\ \text{No existe flujo disperso ( por} \\ \text{condiciones de contorno)} \\ a \ll b \end{array} \right.$

$$\frac{B}{\mu_0} h + H_\mu (L - h) = NI$$

La intersección de la recta  $\mathbf{B} = \mathbf{NI} \frac{\mu_0}{h} - \frac{\mu_0}{h} (\mathbf{L} - \mathbf{h}) \mathbf{H}_\mu$

“Recta de Carga” o “de trabajo”, su pendiente es negativa y aumenta cuando  $h$  disminuye

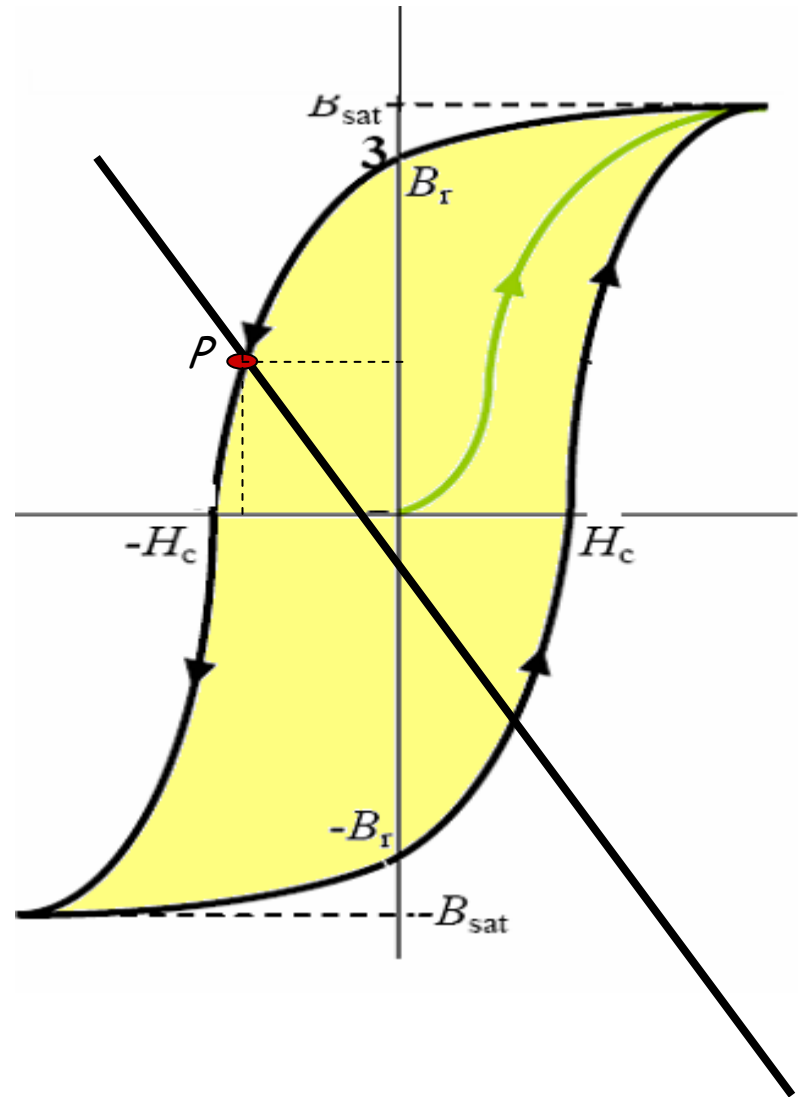
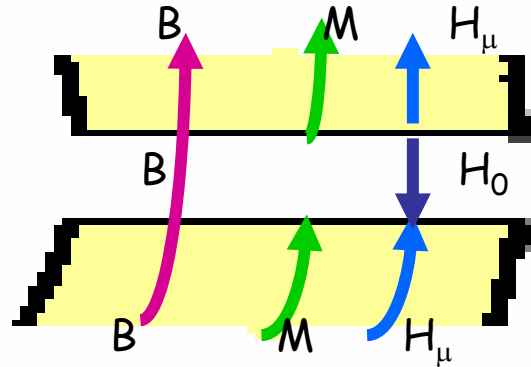
La intersección con la curva de histéresis define el valor de  $\mathbf{B}$  (Punto P)



$$\text{Si } \mathbf{I} = \mathbf{0} \Rightarrow \mathbf{B} = -\frac{\mu_0}{h} (\mathbf{L} - \mathbf{h}) \mathbf{H}_\mu$$

$\mathbf{B}$  y  $\mathbf{H}$  tienen sentido contrario en el material. La existencia de un entehierro  $h$  produce que  $\mathbf{B}$  se corra desde  $\mathbf{B}_r$  hasta  $\mathbf{P}$  si  $h$  disminuye la recta es más vertical y  $\mathbf{P}$  se acerca a  $\mathbf{B}_r$ .

Si  $h$  es grandes, aumenta el flujo disperso disminuyendo  $\mathbf{B}$  en el material



$$\text{Si } \mathbf{I} = \mathbf{0} \Rightarrow \mathbf{B} = -\frac{\mu_0}{h}(\mathbf{L} - h)\mathbf{H}_\mu$$

